

I. 導関数の定義より、 x^2 の 1 階の導関数を導け。（計算過程を記すこと）

II. 以下の式において y の x に関する 1 階の導関数を求めよ。ただし e は自然対数の底である。

$$y = \sin(e^{2x})$$

III.

(1) 曲線 $y = x \sin x$ と x 軸が、 $0 \leq x \leq \pi$ の範囲で囲む面積を求めよ。

(2) 曲線 $y = (x - c)\cos x$ と x 軸が、 $-\pi/2 \leq x \leq \pi/2$ の範囲で囲む面積が、上記(1)と同じ面積になるような定数 c を求めよ。

IV. 次の微分方程式(A)について以下の問いに答えよ。

$$\frac{d^2y}{dt^2}(t) - 16y(t) = 0 \quad (\text{A})$$

(1) 微分方程式の分類として、式(A)が線形か非線形のどちらであるか、また同次か非同次のどちらであることを記せ。

(2) 式(A)の一般解を求めよ。

(3) $t = 0$ において $y(0) = 1$, $\frac{dy}{dt}(0) = 0$ が与えられたときの式(A)の特殊解を求めよ。

V. ベクトル $\mathbf{a} = \begin{pmatrix} 4 \\ -2 \\ -4 \end{pmatrix}$, $\mathbf{b} = \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 3 \end{pmatrix}$ に関する、以下の問いに答えよ。

(1) ベクトル \mathbf{a} と同じ方向の単位ベクトル \mathbf{e}_a を求めよ。

(2) スカラー積(内積) $\mathbf{a} \cdot \mathbf{b}$ を求めよ。

(3) ベクトル積(外積) $\mathbf{a} \times \mathbf{b}$ を求めよ。

VI. 以下の問いに答えよ。

(1) 2 点 $P_1(3, -2, 1)$, $Q_1(5, 2, -2)$ を通る直線 L_1 の式、および 2 点 $P_2(3, 1, 2)$, $Q_2(4, 3, -1)$ を通る直線 L_2 の式をそれぞれ求めよ。

(2) 直線 L_1 を含み、直線 L_2 に平行な平面の式を求めよ。